Elettromagnetismo

Prof. Francesco Ragusa Università degli Studi di Milano

Lezione n. 17 - 02.12.2022

Corrente elettrica e densità di corrente Conservazione carica: equazione di continuità Conduzione elettrica e Legge di Ohm

Anno Accademico 2022/2023

- Consideriamo una situazione in cui le cariche siano tutte dello stesso segno, uguali e che si muovono tutte con la stessa velocità u
 - La densità delle cariche è n (numero per unità di volume)
 - ullet La corrente elettrica è definita come la quantità di carica che attraversa la superficie S nella unità di tempo
 - La carica che attraversa la superficie è quella contenuta nel prisma obliquo definito dalla superficie S e dal lato di lunghezza u Δt
 - Il volume del prisma è

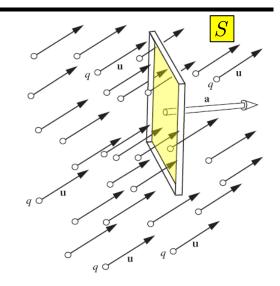
$$\Delta V = Su\Delta t\cos\theta$$

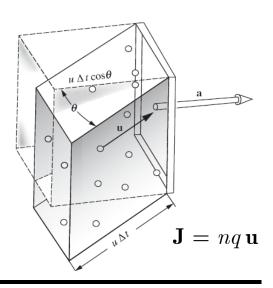
 Possiamo riscriverlo utilizzando i vettori velocità e normale alla superficie

$$\Delta V = S \mathbf{u} \cdot \hat{\mathbf{n}} \Delta t$$

Abbiamo pertanto

$$\Delta Q = qn\Delta V = nqS \mathbf{u} \cdot \hat{\mathbf{n}} \Delta t$$
 $I = \frac{\Delta Q}{\Delta t} = nqS \mathbf{u} \cdot \hat{\mathbf{n}}$





- Naturalmente la situazione in cui tutte le velocità sono uguali è un caso molto particolare (e non realistico)
 - Nel caso generale avremo
 - n_1 particelle con velocità \mathbf{u}_1 che contribuiscono $I_1 = q_1 n_1 S \mathbf{u}_1 \cdot \hat{\mathbf{n}}$
 - ullet n_k particelle con velocità \mathbf{u}_k che contribuiscono $I_k = q_k n_k S \, \mathbf{u}_k \cdot \hat{\mathbf{n}}$
 - La corrente totale è la somma delle correnti

$$I = I_1 + \ldots + I_k + \ldots + I_N = \left(q_1 n_1 \mathbf{u}_1 + \ldots + q_k n_k \mathbf{u}_k + \ldots + q_N n_N \mathbf{u}_N\right) \cdot \hat{\mathbf{n}} S$$

• Definiamo il vettore densità di corrente

$$\mathbf{J} = q_1 n_1 \mathbf{u}_1 + \ldots + q_k n_k \mathbf{u}_k + \ldots + q_N n_N \mathbf{u}_N$$

- $\mathbf{J} = \sum_{k=1}^N q_k n_k \mathbf{u}_k$
- \bullet Le sue dimensioni sono: [J] = Q $L^{-2}\,T^{-1}\,(C\ m^{-2}\,s^{-1})$
- Utilizzando il vettore J la corrente è

$$I = \mathbf{J} \cdot \hat{\mathbf{n}} S$$

ullet Specializziamo ${f J}$ al caso in cui i portatori di carica siano elettroni: $q_k=-e$

$$\mathbf{J} = \sum_{k=1}^{N} q_k n_k \mathbf{u}_k = -e \sum_{k=1}^{N} n_k \mathbf{u}_k$$

$$\mathbf{J} = -e\sum_{k=1}^{N} n_k \mathbf{u}_k$$

- Definiamo infine
 - La densità totale di elettroni, indipendente dalla velocità

$$n_e = \sum_{k=1}^{N} n_k$$

• La velocità media degli elettroni

$$\overline{\mathbf{u}} = \frac{1}{n_e} \sum_{k=1}^{N} n_k \mathbf{u}_k$$

• Otteniamo la seguente espressione per la densità di corrente

$$\mathbf{J} = -en_e \overline{\mathbf{u}}$$

- ullet Notiamo che $-en_e$ rappresenta la densità di carica ho_e degli elettroni
- ullet Utilizzando ho_e

$$\mathbf{J} = \rho_e \overline{\mathbf{u}}$$

 Avevamo già incontrato una formula simile quando abbiamo definito la densità di corrente per il flusso di fluido

- Quando parliamo di conduttori o di sistemi macroscopici allora anche le grandezze che abbiamo definito e utilizzato vanno intese in senso macroscopico
 - ullet Sono delle medie su volumi dv infinitesimi su scala macroscopica
 - Volumi grandi su scala microscopica
 - In questo caso interpretiamo la formula

$$\mathbf{J} = -en_e \overline{\mathbf{u}}$$

- ullet n_e è la densità media degli elettroni nel volume dv
- ullet $\overline{\mathbf{u}}$ è la velocità media degli elettroni nel volume dv
- Sia la velocità media che la densità media possono essere funzione della posizione e del tempo
 - ullet In questo caso anche ${f J}$ è una funzione della posizione e del tempo ${f J}({f r},t)$
- La corrente attraverso una superficie arbitraria (eventualmente ideale, all'interno di un conduttore) è data da (attenzione ai segni)

$$I = \int_{S} \mathbf{J} \cdot \hat{\mathbf{n}} da$$

- Se J non dipende dal tempo si parla di correnti stazionarie (steady)
 - Le cariche si muovono ma le proprietà del flusso non variano nel tempo

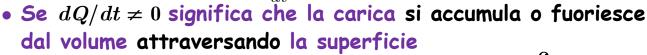
Conservazione della carica

- ullet Supponiamo adesso di avere una superficie chiusa S che delimita un volume V
 - In una regione in cui è presente una densità di corrente J
 - ullet Calcoliamo il flusso di J

$$\int_{S} \mathbf{J} \cdot \hat{\mathbf{n}} da$$

• L'integrale rappresenta la quantità di carica che fluisce nell'unità di tempo attraverso la superficie

$$\int\limits_{S} \mathbf{J} \cdot \hat{\mathbf{n}} da = -\frac{dQ}{dt} \qquad \text{La normale è verso l'esterno} \\ \frac{dQ}{dt} \text{ è positiva se la carica all'interno di } S \text{ aumenta}$$



- ullet In una situazione stazionaria la derivata è nulla $\int\limits_{c} {f J} \cdot \hat{f n} da = 0$
- ullet Dal teorema della divergenza, facendo tendere a zero il volume chiuso da S

$$\int_{S} \mathbf{J} \cdot \hat{\mathbf{n}} da = 0 = \int_{V} \mathbf{\nabla} \cdot \mathbf{J} dv = 0 \qquad \longrightarrow \qquad \mathbf{\nabla} \cdot \mathbf{J} = 0$$

ullet Divergenza nulla significa che la carica né si crea né si distrugge dentro V

Conservazione della carica

- Consideriamo adesso un caso non necessariamente stazionario
 - Dentro il volume V delimitato da S ci sarà una densità di carica $ho({\bf r},t)$
 - La carica all'interno sarà data dall'integrale di volume

$$Q_{\scriptscriptstyle V}\!\left(t
ight) = \int
ho\!\left(\mathbf{r},t
ight)\!dv$$

- ullet Nel caso non stazionario $Q_V(t)$ può variare nel tempo
- Inoltre

$$\frac{dQ_{V}}{dt} = \int_{V} \frac{\partial \rho(\mathbf{r}, t)}{\partial t} dv$$

• Per finire abbiamo visto che

$$-\frac{dQ}{dt} = \int_{S} \mathbf{J} \cdot \hat{\mathbf{n}} da = \int_{V} \mathbf{\nabla} \cdot \mathbf{J} dv \quad \longrightarrow \quad \int_{V} \mathbf{\nabla} \cdot \mathbf{J} dv = -\int_{V} \frac{\partial \rho(\mathbf{r}, t)}{\partial t} dv$$

• Da cui discende l'importantissima equazione di continuità

$$\mathbf{\nabla} \cdot \mathbf{J} = - \frac{\partial \rho \left(\mathbf{r}, t \right)}{\partial t}$$
 • È una legge di conservazione locale

• Abbiamo espresso la legge sia in forma differenziale che integrale

- ullet Consideriamo un sistema di cariche descritto dalla densità di carica $ho({f r},t)$
 - Le cariche si muovono con velocità v(r,t)
 - Si dice che siamo in presenza di correnti di conduzione
 - Per descrivere questo sistema si utilizza la densità di corrente

$$\mathbf{J}(\mathbf{r},t) = \rho(\mathbf{r},t)\mathbf{v}(\mathbf{r},t)$$

• La conservazione della carica è espressa con l'Equazione di Continuità

$$\nabla \cdot \mathbf{J}(\mathbf{r},t) = -\frac{\partial \rho(\mathbf{r},t)}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \mathbf{J}(\mathbf{r}, t) = -\frac{\partial \rho(\mathbf{r}, t)}{\partial t} \qquad \qquad \oint_{S} \mathbf{J} \cdot d\mathbf{a} = -\frac{d}{dt} \int_{V} \rho dV = -\frac{dQ}{dt}$$

- Nella forma differenziale è una legge che vale in ogni punto dello spazio
 - È una legge di conservazione locale
- I primi fenomeni che studieremo prendono in considerazione le correnti stazionarie
 - Le cariche si muovono (non sono statiche)
 - Le proprietà del movimento che consideriamo non variano nel tempo
 - In particolare la densità di carica non dipende dal tempo

$$\frac{\partial \rho(\mathbf{r},t)}{\partial t} = 0 \qquad \qquad \mathbf{\nabla} \cdot \mathbf{J}(\mathbf{r},t) = 0$$



$$\nabla \cdot \mathbf{J}(\mathbf{r}, t) = 0$$

Condizione di Stazionarietà della Corrente

Corrente elettrica

- La corrente elettrica è definita come
 - Quantità di carica che attraversa una superficie al secondo

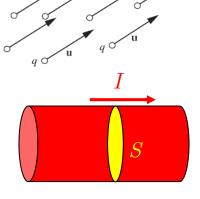
$$I = \int_{S} \mathbf{J} \cdot d\mathbf{a} = \int_{S} \mathbf{J} \cdot \hat{\mathbf{n}} da$$

- Spesso la corrente sarà confinata all'interno di un filo conduttore
- La corrente può essere nel vuoto o nella materia
- Tratteremo maggiormente la corrente nella materia
- In un pezzo di materia conduttrice la densità di corrente è determinata dal campo elettrico presente
 - Per materia conduttrice lineare

$$\mathbf{J} = \sigma \mathbf{E}$$

Legge di Ohm





- La costante σ è la conduttività
 - Si misura in $(ohm \cdot m)^{-1}$
- ullet I conduttori che abbiamo già incontrato e studiato erano ideali $(\sigma=\infty)$
 - ullet Per un buon conduttore reale σ è comunque molto elevata
 - Per il rame $\sigma = 5.8 \cdot 10^7 \, (\mathrm{ohm \cdot m})^{-1}$
- ullet Per finire osserviamo in un conduttore ideale $(\sigma=\infty)$ può circolare una corrente anche con un campo elettrico nullo

Corrente elettrica

- La relazione $J = \sigma E \dot{e}$ una relazione costitutiva
 - ullet La costante σ può essere dedotta da un modello teorico basat sulla struttura microscopica della sostanza
 - Oppure è un dato empirico che caratterizza il materiale
- Spesso si utilizza la resistività, che è il suo inverso
- Resistività di alcune sostanze

Materiale	Resistività (Ωm)
Argento	1.62×10^{-8}
Rame	1.68×10^{-8}
Oro	2.35×10^{-8}
Alluminio	2.75×10^{-8}
Tungsteno	5.25×10^{-8}
Ferro	9.68×10^{-8}
Platino	10.6×10^{-8}
Acqua di mare	2.00×10^{-1}
Acqua potabile	$10^1 - 10^3$
Silicio puro	2.5×10^3
Vetro	$10^{10} - 10^{14}$
Quarzo	~10 ¹⁶

Campi elettrici stazionari†

- All'interno di un materiale nel quale circola una corrente stazionaria è presente un campo elettrico
 - Si tratta di un campo elettrostatico
 - Un campo generato da cariche e/o differenze di potenziale
 - Le condizioni non "statiche" sono presenti, normalmente, fuori dal materiale
 - Forze elettromotrici che forniscono o rimuovono le cariche trasportate dalla corrente
 - Osserviamo che all'interno del conduttore non ci sono cariche libere $\mathbf{J} = \sigma \mathbf{E} = \frac{\sigma}{-} \mathbf{D}$ $\rho_{\scriptscriptstyle f} = \boldsymbol{\nabla} \cdot \mathbf{D} = \frac{\varepsilon}{-} \boldsymbol{\nabla} \cdot \mathbf{J} = 0$
- Per sottolineare le condizioni sopra indicate il campo viene definito "stazionario"
 - Abbiamo precisato che si tratta di un campo elettrostatico e pertanto il campo è conservativo

$$\oint \mathbf{E} \cdot d\mathbf{l} = 0 \qquad \qquad \mathbf{E} = -\nabla \phi$$

- ullet Inoltre, nel conduttore, supposto lineare, o anche "ohmico" ${f J}=\sigma{f E}$
- Pertanto, dato che $\nabla \cdot \mathbf{J} = 0$

$$\nabla \cdot \sigma \mathbf{E} = 0 = \sigma \nabla \cdot \mathbf{E} + \mathbf{E} \cdot \nabla \sigma = 0$$

- ullet Nel caso di dielettrici omogenei $oldsymbol{
 abla} oldsymbol{\sigma} = oldsymbol{0}$
- ullet Insieme alla proprietà di conservatività del campo $oxed{
 abla^2\phi}$
- †Zangwill A. Modern Electrodynamics cap. 9 Cambridge University Press 2012
- Jefimenko O. Electricity and magnetism cap. 9 Appleton Century Crofts 1966

Campi elettrici stazionari

- Abbiamo appena visto che all'interno di un conduttore in cui circola una corrente stazionaria il potenziale soddisfa l'equazione di Laplace
 - Valgono i teoremi di esistenza e unicità
 - Possiamo utilizzare i metodi introdotti per i campi elettrostatici
 - Ad esempio il metodo di separazione delle variabili
- Osserviamo anche l'analogia con il problema elettrostatico nei dielettrici
 - Il campo J gioca, formalmente, il ruolo di D

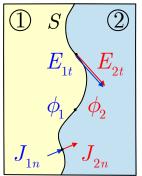
$$\mathbf{J} = \sigma \mathbf{E} \quad \leftrightarrow \quad \mathbf{D} = \varepsilon \mathbf{E} \qquad \quad \sigma \quad \leftrightarrow \quad \varepsilon = \kappa \varepsilon_0$$

- All'interfaccia fra mezzi differenti valgono analoghe condizioni di raccordo
 - ullet Nei punti della superficie S di separazione fra un mezzo 1 e un mezzo 2
 - ullet La componente tangenziale di ${f E}$ si conserva
 - Il potenziale è continuo
 - ullet La corrente è stazionaria $(
 abla \cdot \mathbf{J} = \mathbf{0})$ pertanto la componente normale J_n si conserva

$$E_{1t} = E_{2t}$$

$$\phi_1 = \phi_2$$

$$I = I$$

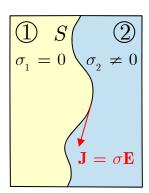


Campi elettrici stazionari

- Tuttavia ci sono anche differenze
 - La conduttività può essere nulla
 - È nulla in un isolante perfetto (dielettrico ideale, senza perdite)
 - ullet Nel caso dei dielettrici κ non può mai essere minore di 1
 - Dato che in un dielettrico ideale J=0
 - All'interfaccia fra un conduttore e un dielettrico ideale la componente normale di J nel conduttore deve essere nulla
 - Significa che all'interfaccia

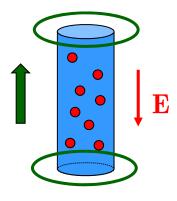
$$0 = J_n = \sigma_2 E_n \quad \Longrightarrow \quad E_n = 0 \quad \Longrightarrow \quad \left| \frac{\partial \phi}{\partial n} = 0 \right|$$

- Il problema del potenziale in un conduttore ohmico circondato da un isolante impone le condizioni di Neumann
 - Sulle superfici da cui entra o esce la corrente si possono avere condizioni di Neumann o di Dirichlet
- Un altro modo di vedere la stessa cosa
 - ullet All'interfaccia con l'isolante il campo elettrico ${f E}$ e la densità di corrente ${f J}$ sono paralleli alla parete del conduttore
 - Qualunque sia la forma
 - Il campo E e il campo J "seguono" la forma del conduttore

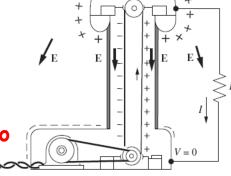


Conduzione elettrica

- Diamo un esempio di forza elettromotrice di tipo meccanico
 - Vedremo presto un esempio elettrochimico
 - Ne vedremo un altro (importantissimo) in elettrodinamica
 - L'induzione elettromagnetica
- \bullet All'interno del conduttore la carica si muove per effetto di un campo elettrostatico E
- Fuori dal conduttore è necessario un meccanismo che
 - Rimuova la carica dalla superficie inferiore
 - La trasporti alla superficie superiore
 - In questo processo le cariche si muovono in direzione opposta a quella imposta dal campo elettrico
- Un esempio di questo meccanismo è il generatore Van de Graaff
 - Una cinghia azionata da un motore elettrico trasporta la carica dal basso verso l'alto
 - In basso la carica rimane "attaccata" alla cinghia per strofinamento
 - In alto viene "ceduta" all'elettrodo
 - Per questo "trasporto" il motore deve compiere un lavoro
 - ullet Deve vincere la forza del campo ${\bf E}$ (verso il basso)



$$\mathbf{J} = \sigma \mathbf{E}$$

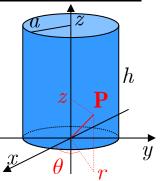


 $\forall V = V_0$

Filo cilindrico conduttore

- ullet Consideriamo un cilindro di raggio a e altezza h
 - ullet Composto di un materiale conduttore di conduttività σ
- Formuliamo il problema all'interno del cilindro
 - ullet All'interno il potenziale soddisfa l'equazione di Laplace $abla^2\phi=0$
 - Sulla parete laterale

$$\frac{\partial \phi}{\partial n} = 0$$



- Per le superfici superiore e inferiore studiamo due condizioni equivalenti
 - ullet a) Sulla superficie superiore entra una corrente I_{\star} i quella inferiore -I
 - La densità di corrente è $\mathbf{J} = -J_0 \hat{\mathbf{e}}_z$ $J_0 = \frac{I}{I_0 I_0}$

$$\mathbf{J}=-J_{_{0}}\hat{\mathbf{e}}_{_{z}}$$

$$J_0 = \frac{I}{\pi a^2}$$

• Otteniamo le condizioni

$$J_z = \sigma E_z = -\sigma \frac{\partial \phi}{\partial z} \bigg|_{z=b} = -J_0 \qquad -\sigma \frac{\partial \phi}{\partial z} \bigg|_{z=0} = -J_0$$

$$-\sigma \frac{\partial \phi}{\partial z}\Big|_{z=0} = -J_0$$

- Sono ancora condizioni di Neumann
- ullet b) Le due superfici sono rispettivamente a potenziale V e 0

$$\phi(h) = V_0 \qquad \phi(0) = 0$$

- Sono due condizioni di Dirichlet
- ullet Utilizziamo un sistema di coordinate cilindriche $r,\, heta,\,z$ con origine nel centro del cilindro
- ullet Osserviamo che il problema ha simmetria azimutale $\phi=\phi(r,z)$

Equaz. Laplace in coordinate cilindriche !...

• Ricordiamo il sistema di coordinate cilindriche

$$y = r \cos \theta$$
 $y = r \sin \theta$ $z = z$

• In questo sistema di coordinate il laplaciano è

$$\nabla^2 \phi(r, \theta, z) = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(r \frac{\partial \phi}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 \phi}{\partial \theta^2} + \frac{\partial^2 \phi}{\partial z^2}$$

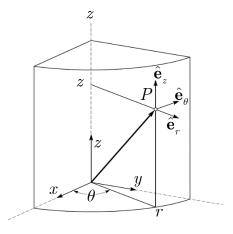
• Utilizziamo il metodo della separazione delle variabili

$$\phi(r, \theta, z) = R(r)\Theta(\theta)Z(z)$$

ullet Si introducono due costanti di separazione n^2 e k^2

$$r\frac{d}{dr}\left(r\frac{dR}{drr}\right) + (k^2r^2 - n^2)R = 0 \qquad \frac{d^2\Theta}{d\theta^2} + n^2\Theta = 0 \qquad \frac{d^2Z}{dz^2} - k^2Z = 0$$

$$\frac{d^2\Theta}{d\theta^2} + n^2\Theta = 0$$



$$\frac{d^2Z}{dz^2} - k^2Z = 0$$

• Le soluzioni sono

$$\Theta_{n}(\theta) = \begin{cases} c + d\theta & n = 0 \\ c_{n}e^{in\theta} + d_{n}e^{-in\phi\theta} & n \neq 0 \end{cases}$$

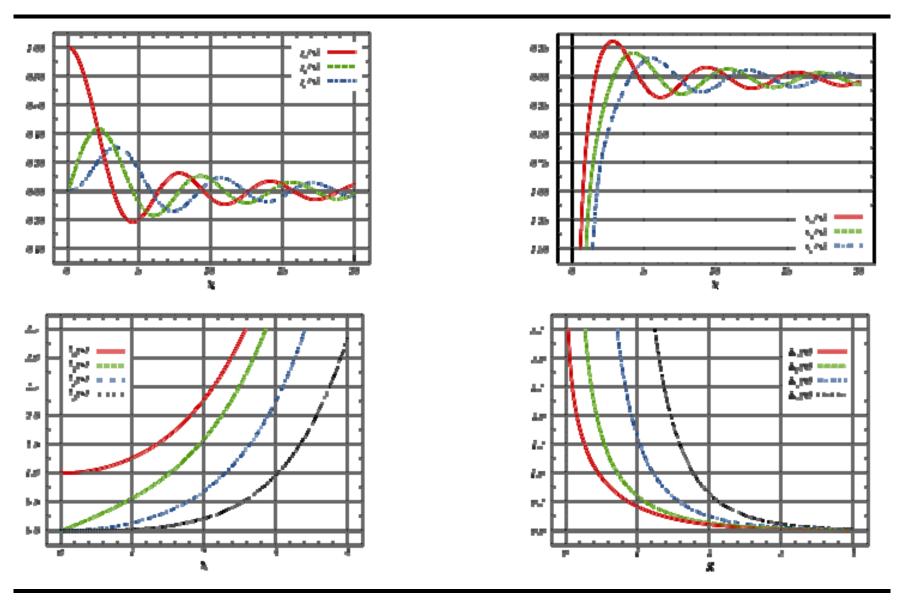
$$Z_{k}(z) = \begin{cases} e + fz & k = 0 \\ e_{k}e^{kz} + f_{k}e^{-kz} & k \neq 0 \end{cases}$$

$$R_{n}^{k}(\rho) = \begin{cases} A + B \ln r & k = 0 & n = 0 \\ A_{n}r^{n} + B_{n}r^{-n} & k = 0 & n \neq 0 \\ A_{n}^{k}J_{n}(kr) + B_{n}^{k}Y_{n}(kr) & k^{2} > 0 \\ A_{n}^{k}I_{n}(kr) + B_{n}^{k}K_{n}(kr) & k^{2} < 0 \end{cases}$$

- ullet $J_n,\ Y_n,\ I_n,\ K_n$ sono le Funzioni di Bessel
- Le costanti di separazione e di integrazione sono determinate dalle condizioni al contorno
- †Vedi A. Zangwill Modern Electrodynamics oppure D. Jackson Classical Electrodynamics

Funzioni di Bessel





Corrente in un cilindro conduttore

- ullet Nel nostro caso abbiamo simmetria azimutale e guindi n=0
- ullet Inoltre si dimostra che sono sufficienti le soluzioni per k=0

$$R_0^0(\rho) = A + B \ln \rho \quad k = 0 \quad n = 0$$

$$Z_0(z) = e + fz$$
 $k = 0$

• In definitiva la soluzione si riduce a

$$\phi(r,z) = (A + B \ln r)(e + fz)$$

• Imponiamo la condizione sulla superficie laterale

$$\frac{\partial \phi}{\partial n} = 0 \qquad \frac{\partial \phi}{\partial n} = \frac{\partial \phi}{\partial r}$$

$$B = 0$$

$$\frac{\partial}{\partial r}\phi(r,z) = \frac{\partial}{\partial r}(A + B\ln r)(e + fz) = \frac{B}{r}(e + fz) = 0$$

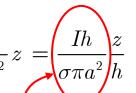
- Possiamo porre A=1 $\phi(z)=fz+e$
- Sulla superficie superiore

$$-J_0 = -\sigma \frac{\partial \phi(r,z)}{\partial z} \bigg|_{z=b} = -\sigma \frac{d}{dz} (e + fz) \bigg|_{z=b} = -\sigma f = -J_0 \qquad \qquad \int f = \frac{J_0}{\sigma} = \frac{I}{\sigma \pi a^2}$$

- Stesso risultato a z=0
- Si può porre e=0

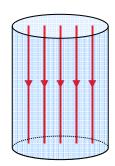
• Si può porre
$$e=0$$
• Pertanto il potenziale è $\phi(r,z)=\phi(z)=\frac{I}{\sigma\pi a^2}z=\frac{Ih}{\sigma\pi a^2}$
• Il campo elettrico E è uniforme
• Analogamente la densità di corrente J

- Non ci sono effetti di bordo!



Vedremo che

$$=RI=V_0$$



Corrente in un cilindro conduttore

- Ripetiamo il calcolo con la seconda condizione equivalente
 - ullet b) Le due superfici sono rispettivamente a potenziale V e 0

$$\phi(h) = V_0 \qquad \phi(0) = 0$$

• Ricordiamo $\phi(z) = fz + e$

$$0 = \phi(0) = -f \cdot 0 + e = 0$$

$$0 = \phi(0) = -f \cdot 0 + e = 0 \qquad V_0 = \phi(h) = fh + e = V_0 \qquad f = \frac{V_0}{h} \qquad e = 0$$

Otteniamo

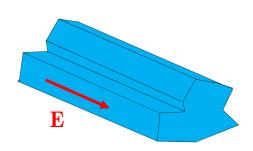
$$\phi(z) = V_0 \frac{z}{h}$$

• Il campo elettrico è

$$E=-oldsymbol{
abla}\phi=-rac{V_0}{h}\hat{f e}_z$$
 e la densità di corrente ${f J}=\sigma{f E}=-\sigmarac{V_0}{h}\hat{f e}_z$

$$\mathbf{J} = \sigma \mathbf{E} = -\sigma \frac{V_0}{h} \hat{\mathbf{e}}$$

- Si ottiene lo stesso risultato per qualsiasi "cilindro" con elettrodi piani indipendentemente dalla forma delle basi
 - All'interno il campo elettrico è uniforme
 - Soddisfa le condizioni al contorno come nel problema del cilindro



Resistori e resistenza

- Un resistore è un dispositivo elettrico
 - composto da un blocco di materiale conduttore (non ideale, con conduttività diversa da zero)
 - Con due "elettrodi" composti di conduttore ideale (σ molto grande, infinita)







- ullet Se si applica una differenza di potenziale V fra gli elettrodi
 - Nel conduttore appare un campo elettrico E
 - ullet Inoltre si sviluppa una densità di corrente ${f J}=\sigma{f E}$
 - ullet Da un elettrodo entra una corrente I_{i} dall'altro esce la stessa corrente
- ullet Si definisce Resistenza R del dispositivo

$$R = rac{V}{I}$$
 o anche $V = RI$

- Di solito questa legge è chiamata Legge di Ohm
 - ullet La legge di Ohm è più generale ed è ${
 m J}=\sigma~{
 m E}$

Legge di Ohm

- ullet Le dimensioni della conduttività sono $[\sigma]=\mathbf{Q}^2\ \mathrm{M}^{-1}\ \mathrm{L}^{-3}\ \mathrm{T}\ (\mathrm{C}\ \mathrm{Kg}^{-1}\ \mathrm{m}^{-3}\ \mathrm{s})$
 - Una unità che si adopera di solito è $(ohm-m)^{-1}$
 - ullet Come nel caso della densità di polarizzazione la relazione fra ${f J}$ e ${f E}$ può essere più complicata
 - ullet Può essere non lineare: la conduttività può dipendere dal campo $\sigma(E)$
 - ullet Il mezzo può essere non isotropo $J_i = \sum_j \sigma_{ij} E_j$
- Considereremo solo mezzi lineari e isotropi per i quali vale la Legge di Ohm

$$J = \sigma E$$

- I materiali per i quali vale (lineari, isotropi) sono detti "ohmici"
- Nelle applicazione tecnologiche non risulta comodo utilizzare la densità di corrente e il campo elettrico
 - Si preferisce utilizzare correnti e differenze di potenziale (tensioni)
 - Ad esempio nei circuiti elettronici